

【問題1】 5で割ると4余り, 6で割ると5余り, 7で割ると6余る最小の自然数の各桁の数の和はいくつか。【国Ⅱ1996】 Q1\_10'

1 11      2 12      3 13      4 14      5 15

【解説】 いずれも1多ければ丁度割切れるから, 5, 6, 7, の最小公倍数から1を引けば最小の自然数が209として求まる。209が正しいことはそれぞれ割り算して余りを確認する。

【問題2】 3分計, 5分計, 7分計の3つの砂時計が並べてある。この3つを同時に反転させて計りはじめ, どの砂時計も計りきるとすぐに反転させる。ただし, 5分計又は7分計を反転させるときは, 3分計も同時に反転させる。この操作を60分続けると, 3分計は何回反転されるか。ただし, 開始時と終了時は反転回数に含めない。 (地上1999) Q5\_18'

1 30回      2 32回      3 34回      4 36回      5 38回

【解説】 3, 5, 7分計が59分までに何回反転するか数える。 $59 \div 3 = 19$ ,  $59 \div 5 = 11$ ,  $59 \div 7 = 8$ , これは, 3と5, 3と7, 5と7の重複カウントがあるから, これらの公倍数を除く。 $59 \div 15 = 3$ ,  $59 \div 21 = 2$ ,  $59 \div 35 = 1$ 。3, 5, 7の公倍数も引いたので, これは加える必要があるが, 59までの中にない。よって,  $19 + 11 + 8 - 3 - 2 - 1 = 32$

【問題3】 7560の約数の個数はいくつか。(特別区2000) Q9\_30'

1 52個      2 56個      3 60個      4 64個      5 68個

【解説】  $7560 = 2^3 \times 3^3 \times 5 \times 7 \Rightarrow 4 \times 4 \times 2 \times 2 = 64$

【問題4】 例えば,

$$1 \times 2 \times 3 \times \dots \times 10$$

を計算したとき, その値は3628800となり, 下一桁から連続して2個0が並んでいる。では,

$$1 \times 2 \times 3 \times \dots \times 40$$

を計算したとき, 下一桁から数えて0は何個連続して並ぶか。(大学2006) Q11\_34'

1 5      2 6      3 7      4 8      5 9

【解説】 40までの中に5は, 5, 15, 25, 35があり, 25は5, 5であるから5個である。また10, 20, 30, 40も0が付くから4個である。よって9個となる。

【問題5】 A, B, Cの3人が, 1月1日を初日として, Aは1日, Bは2日, Cは3日の間隔をあけて, 夜9時から1時間の町内パトロールを実施した。1月中に, この3人のいずれも町内パトロールを実施しなかった日は何日あるか。(裁事2005) Q3\_14'

1 : 8日      2 : 9日      3 : 10日      4 : 11日      5 : 12日

【解説】 それぞれのパトロール日を計数し, 3人が該当しない日を抽出する。Aは3, 5, 7と続き, Bは4, 7, 10と続き, Cは5, 9, 13, 17となり, 31日までをカウントすると, 2, 6, 8, 12, 14, 18, 20, 24, 26, 30が空欄であることが分かる。∴10日である。

【問題6】 50の約数から2つの異なる自然数を取り出し, その逆数の和が0.1以上0.5以下となる組合せは何通りあるか。(特別区2013) Q15\_42'

1 : 5通り      2 : 7通り      3 : 9通り      4 : 11通り      5 : 13通り

【解説】 50の約数は, 1, 2, 5, 10, 25, 50であり, それぞれの逆数は, 1, 0.5, 0.2, 0.1, 0.04, 0.02である。二つの和が0.1以上0.5以下となるのは, 0.2と0.1, 0.04, 0.02の組である3個, 0.1と, 0.04, 0.02の組の2個, 以上の5個である。